

Приложение 26
к основной образовательной программе
основного общего образования

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА
УЧЕБНОГО КУРСА «ПРАКТИКУМ ПО МАТЕМАТИКЕ»
7 - 8 классы**

Рабочая программа учебного курса «Практикум по математике» для учащихся 7-8 классов обеспечивает достижение планируемых результатов освоения основной образовательной программы основного общего образования, разработана на основе требований к результатам освоения основной образовательной программы с учетом основных направлений программ, включенных в структуру основной образовательной программы.

Содержание учебного курса

7 класс

Натуральные и целые числа. Делимость целых чисел. Натуральные и целые числа. Простые числа. Решето Эратосфена. Составные числа. Степень с натуральным показателем. Основная теорема арифметики (каноническое разложение на простые множители). Деление. Делители чисел. Признаки делимости на 3, 4, 5, 7, 9, 11. Свойства делимости. Принцип Дирихле.

Выражения, тождества, уравнения.

Числовое значение буквенного выражения. Допустимые значения переменных, входящих в алгебраические выражения. Сравнение значений выражений. Свойства действий над числами. Равенство буквенных выражений. Тождество, доказательство тождеств. Тождественные преобразования выражений. Уравнение с одной переменной. Среднее арифметическое ряда чисел; Размах ряда чисел; Мода ряда чисел; Медиана ряда чисел.

Многочлены.

Преобразование буквенных выражений. Деление многочлена на многочлен «уголком». Возведение двучлена в степень. Треугольник Паскаля.

Формулы сокращенного умножения.

Формулы сокращенного умножения: квадрат суммы и квадрат разности. Формула разности квадратов. Разложение многочленов на множители.

Уравнения и системы уравнений. Линейные уравнения с числовыми и буквенными коэффициентами. Линейные уравнения с параметром. Неопределенное уравнение первой степени с двумя неизвестными и его график. Решение в целых числах. Системы двух линейных уравнений с двумя неизвестными. Задачи на составление уравнений.

Функции и графики. Графики зависимостей. Чтение графиков. Графики прямой и обратной пропорциональных зависимостей. Линейная функция. Функция $y = k/x$.

8 класс

Рациональные дроби

Рациональные дроби и их свойства. Сумма и разность дробей. Произведение и частное дробей. Деление дробей. Преобразование рациональных выражений. Функция $y = \frac{k}{x}$ и её график. Тест. «Рациональные дроби»

Квадратные корни

Рациональные числа. Иррациональные числа. Квадратные корни. Арифметический квадратный корень. Уравнение $x^2=a$ Функция $y = \sqrt{x}$ и ее график. Свойства арифметического квадратного корня Вынесение множителя за знак корня. Внесение множителя под знак корня. Преобразование выражений, содержащих квадратные корни

Квадратные уравнения

Неполные квадратные уравнения. Решение квадратного уравнения по формулам. Решение задач с помощью квадратных уравнений. Теорема Виета. Дробные рациональные уравнения. Решение задач с помощью квадратных уравнений

Неравенства

Числовые неравенства. Свойства числовых неравенств. Сложение и умножение числовых неравенств. Числовые промежутки. Решение неравенств с одной переменной. Решение систем неравенств с одной переменной.

Степень с целым показателем. Элементы статистики

Определение степени с целым отрицательным показателем Свойства степени с целым показателем Стандартный вид числа Функция $y = x^{-1}$ и $y = x^{-2}$ Дисперсия и среднее квадратичное отклонение

Планируемые результаты освоения учебного курса

ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Личностные результаты освоения программы учебного курса «Алгебра» характеризуются:

1) патриотическое воспитание:

проявлением интереса к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках и прикладных сферах;

2) гражданское и духовно-нравственное воспитание:

готовностью к выполнению обязанностей гражданина и реализации его прав, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (например, выборы, опросы), готовностью к обсуждению этических проблем, связанных с практическим применением достижений науки, осознанием важности морально-этических принципов в деятельности учёного;

3) трудовое воспитание:

установкой на активное участие в решении практических задач математической направленности, осознанием важности математического образования на протяжении всей жизни для успешной профессиональной деятельности и развитием необходимых умений, осознанным выбором и построением индивидуальной траектории образования и жизненных планов с учётом личных интересов и общественных потребностей;

4) эстетическое воспитание:

способностью к эмоциональному и эстетическому восприятию математических объектов, задач, решений, рассуждений, умению видеть математические закономерности в искусстве;

5) ценности научного познания:

ориентацией в деятельности на современную систему научных представлений об основных закономерностях развития человека, природы и общества, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира, овладением простейшими навыками исследовательской деятельности;

6) физическое воспитание, формирование культуры здоровья и эмоционального благополучия:

готовностью применять математические знания в интересах своего здоровья, ведения здорового образа жизни (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), сформированностью навыка рефлексии, признанием своего права на ошибку и такого же права другого человека;

7) экологическое воспитание:

ориентацией на применение математических знаний для решения задач в области сохранности окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды, осознанием глобального характера экологических проблем и путей их решения;

8) адаптация к изменяющимся условиям социальной и природной среды:

готовностью к действиям в условиях неопределённости, повышению уровня своей компетентности через практическую деятельность, в том числе умение учиться у других людей, приобретать в совместной деятельности новые знания, навыки и компетенции из опыта других;

необходимостью в формировании новых знаний, в том числе формулировать идеи, понятия, гипотезы об объектах и явлениях, в том числе ранее неизвестных, осознавать дефициты собственных знаний и компетентностей, планировать своё развитие;

способностью осознавать стрессовую ситуацию, воспринимать стрессовую ситуацию как вызов, требующий контрмер, корректировать принимаемые решения и действия, формулировать и оценивать риски и последствия, формировать опыт.

МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Познавательные универсальные учебные действия

Базовые логические действия:

- выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;
- воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;
- выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;
- делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;
- разбирать доказательства математических утверждений (прямые и от противного), проводить самостоятельно несложные доказательства математических фактов, выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные рассуждения;
- выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

Базовые исследовательские действия:

- использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, самостоятельно устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;
- проводить по самостоятельно составленному плану несложный эксперимент, небольшое исследование по установлению особенностей математического объекта, зависимостей объектов между собой;
- самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;
- прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

Работа с информацией:

- выявлять недостаточность и избыточность информации, данных, необходимых для решения задачи;
- выбирать, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;
- выбирать форму представления информации и иллюстрировать решаемые задачи схемами, диаграммами, иной графикой и их комбинациями;
- оценивать надёжность информации по критериям, предложенным учителем или сформулированным самостоятельно.

Коммуникативные универсальные учебные действия:

- воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;
- в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с

- суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;
- представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории;
- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных математических задач;
- принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;
- участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнениями, мозговые штурмы и другие), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

Регулятивные универсальные учебные действия

Самоорганизация:

- самостоятельно составлять план, алгоритм решения задачи (или его часть), выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

Самоконтроль, эмоциональный интеллект:

- владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;
- предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, найденных ошибок, выявленных трудностей;
- оценивать соответствие результата деятельности поставленной цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения цели, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

К концу обучения в 7 классе обучающийся получит следующие предметные результаты:

Числа и вычисления

Выполнять, сочетая устные и письменные приёмы, арифметические действия с рациональными числами.

Находить значения числовых выражений, применять разнообразные способы и приёмы вычисления значений дробных выражений, содержащих обыкновенные и десятичные дроби.

Переходить от одной формы записи чисел к другой (преобразовывать десятичную дробь в обыкновенную, обыкновенную в десятичную, в частности в бесконечную десятичную дробь).

Сравнивать и упорядочивать рациональные числа.

Округлять числа.

Выполнять прикидку и оценку результата вычислений, оценку значений числовых выражений. Выполнять действия со степенями с натуральными показателями.

Применять признаки делимости, разложение на множители натуральных чисел.

Решать практико-ориентированные задачи, связанные с отношением величин, пропорциональностью величин, процентами, интерпретировать результаты решения задач с учётом ограничений, связанных со свойствами рассматриваемых объектов.

Алгебраические выражения

Использовать алгебраическую терминологию и символику, применять её в процессе освоения учебного материала.

Находить значения буквенных выражений при заданных значениях переменных.

Выполнять преобразования целого выражения в многочлен приведением подобных слагаемых, раскрытием скобок.

Выполнять умножение одночлена на многочлен и многочлена на многочлен, применять формулы квадрата суммы и квадрата разности.

Осуществлять разложение многочленов на множители с помощью вынесения за скобки общего множителя, группировки слагаемых, применения формул сокращённого умножения.

Применять преобразования многочленов для решения различных задач из математики, смежных предметов, из реальной практики.

Использовать свойства степеней с натуральными показателями для преобразования выражений.

Уравнения и неравенства

Решать линейные уравнения с одной переменной, применяя правила перехода от исходного уравнения к равносильному ему. Проверять, является ли число корнем уравнения.

Применять графические методы при решении линейных уравнений и их систем.

Подбирать примеры пар чисел, являющихся решением линейного уравнения с двумя переменными.

Строить в координатной плоскости график линейного уравнения с двумя переменными, пользуясь графиком, приводить примеры решения уравнения.

Решать системы двух линейных уравнений с двумя переменными, в том числе графически.

Составлять и решать линейное уравнение или систему линейных уравнений по условию задачи, интерпретировать в соответствии с контекстом задачи полученный результат.

Функции

Изображать на координатной прямой точки, соответствующие заданным координатам, лучи, отрезки, интервалы, записывать числовые промежутки на алгебраическом языке.

Отмечать в координатной плоскости точки по заданным координатам, строить графики линейных функций. Строить график функции $y = |x|$.

Описывать с помощью функций известные зависимости между величинами: скорость, время, расстояние, цена, количество, стоимость, производительность, время, объём работы.

Находить значение функции по значению её аргумента.

Понимать графический способ представления и анализа информации, извлекать и интерпретировать информацию из графиков реальных процессов и зависимостей.

К концу обучения **в 8 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты:

Числа и вычисления

Использовать начальные представления о множестве действительных чисел для сравнения, округления и вычислений, изображать действительные числа точками на координатной прямой.

Применять понятие арифметического квадратного корня, находить квадратные корни, используя при необходимости калькулятор, выполнять преобразования выражений, содержащих квадратные корни, используя свойства корней.

Использовать записи больших и малых чисел с помощью десятичных дробей и степеней числа 10.

Алгебраические выражения

Применять понятие степени с целым показателем, выполнять преобразования выражений, содержащих степени с целым показателем.

Выполнять тождественные преобразования рациональных выражений на основе правил действий над многочленами и алгебраическими дробями.

Раскладывать квадратный трёхчлен на множители.

Применять преобразования выражений для решения различных задач из математики, смежных предметов, из реальной практики.

Уравнения и неравенства

Решать линейные, квадратные уравнения и рациональные уравнения, сводящиеся к ним, системы двух уравнений с двумя переменными.

Проводить простейшие исследования уравнений и систем уравнений, в том числе с применением графических представлений (устанавливать, имеет ли уравнение или система уравнений решения, если имеет, то сколько, и прочее).

Переходить от словесной формулировки задачи к её алгебраической модели с помощью составления уравнения или системы уравнений, интерпретировать в соответствии с контекстом задачи полученный результат.

Применять свойства числовых неравенств для сравнения, оценки, решать линейные неравенства с одной переменной и их системы, давать графическую иллюстрацию множества решений неравенства, системы неравенств.

Функции

Понимать и использовать функциональные понятия и язык (термины, символические обозначения), определять значение функции по значению аргумента, определять свойства функции по её графику.

Строить графики элементарных функций вида:

$y = k/x$, $y = x^2$, $y = x^3$, $y = |x|$, $y = \sqrt{x}$, описывать свойства числовой функции по её графику.

Тематическое планирование учебного курса «Практикум по математике»

7 класс

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Натуральные и целые числа. Делимость целых чисел	9			https://lib.myschool.edu.ru/content/12616
2	Выражения, тождества, уравнения	4			https://lib.myschool.edu.ru/content/11060
3	Многочлены	3			https://lib.myschool.edu.ru/content/6324
4	Формулы сокращенного умножения	5			https://lib.myschool.edu.ru/content/12268
5	Уравнения и системы уравнений	7			https://lib.myschool.edu.ru/content/12256
6	Функции и графики	3			https://lib.myschool.edu.ru/content/12270
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34			

8 класс

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольн ые работы	Практич еские работы	
1	Рациональные дроби	6			https://lib.myschool.edu.ru/content/12260
2	Квадратные корни	9			https://lib.myschool.edu.ru/content/1875
3	Квадратные уравнения	6			https://lib.myschool.edu.ru/content/12252
4	Неравенства	6			https://lib.myschool.edu.ru/content/12255

5	Степень с целым показателем	7			https://lib.myschool.edu.ru/content/12264
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34			

Поурочное планирование учебного курса «Практикум по математике»

7 класс

№	Тема урока	Количество часов	Электронные цифровые образовательные ресурсы
1	Натуральные и целые числа	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12616
2	Простые и составные числа	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12616
3	Основная теорема арифметики	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12616
4	Свойства делимости и принцип Дирихле	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12616
5	Признаки делимости на 3, 4, 5, 7, 9, 11	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12616
6	Признаки делимости на 3, 4, 5, 7, 9, 11	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12616
7	НОД и НОК	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12616
8	НОД и НОК	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12616
9	Алгоритм Евклида	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12616
10	Выражения	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/11060
11	Преобразования выражений	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/11060
12	Уравнения с одной переменной	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/11060
13	Уравнения с одной переменной	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/11060
14	Сумма и разность многочленов	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/6324
15	Произведение одночлена и многочлена	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/6324
16	Произведение многочленов	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/6324
17	Квадрат суммы и квадрат разности	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12268
18	Разность квадратов	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12268
19	Куб суммы и куб разности	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12268
20	Сумма и разность кубов	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12268
21	Преобразования целых выражений	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12268
22	Линейные уравнения с числовыми и буквенными коэффициентами	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12256
23	Линейные уравнения с параметром	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12256
24	Линейные уравнения с параметром	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12256
25	Неопределенное уравнение первой степени с двумя	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12256

	неизвестными и его график		
26	Решение в целых числах	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12256
27	Решение в целых числах	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12256
28	Системы двух линейных уравнений с двумя неизвестными	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12256
29	Системы двух линейных уравнений с двумя неизвестными	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12256
30	Задачи на составление уравнений	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12256
31	Задачи на составление уравнений	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12256
32	Графики зависимостей, чтение графиков	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12270
33	Графики прямой и обратной пропорциональных зависимостей	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12270
34	Линейная функция. Функция $y = k/x$	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12270

8 класс

№	Тема урока	Количество часов	Электронные цифровые образовательные ресурсы
1	Рациональные дроби и их свойства	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12260
2	Сумма и разность дробей	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12260
3	Произведение и частное дробей	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12260
4	Деление дробей	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12260
5	Преобразование рациональных выражений	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12260
6	Функция $y=k/x$ и её график.	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12260
7	Рациональные числа	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/1875
8	Иррациональные числа	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/1875
9	Квадратные корни. Арифметический квадратный корень	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/1875
10	Уравнение $x^2=a$	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/1875
11	Функция $y = \sqrt{x}$ и её график	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/1875
12	Свойства арифметического квадратного корня	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/1875
13	Вынесение множителя за знак корня. Внесение множителя под знак корня	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/1875
14	Преобразование выражений, содержащих квадратные корни	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/1875
15	Решение заданий по теме	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/1875

	«Арифметический квадратный корень. Квадратные корни»		
16	Неполные квадратные уравнения	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12252
17	Решение квадратного уравнения по формулам	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12252
18	Решение задач с помощью квадратных уравнений	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12252
19	Теорема Виета.	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12252
20	Дробные рациональные уравнения	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12252
21	Решение задач с помощью квадратных уравнений	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12252
22	Числовые неравенства	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12255
23	Свойства числовых неравенств	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12255
24	Сложение и умножение числовых неравенств	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12255
25	Числовые промежутки	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12255
26	Решение неравенств с одной переменной	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12255
27	Решение систем неравенств с одной переменной	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12255
28	Определение степени с целым отрицательным показателем	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12264
29	Свойства степени с целым показателем	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12264
30	Стандартный вид числа	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12264
31	Функция $y = x^{-1}$ и $y = x^{-2}$	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12264
32	Преобразование выражений, содержащих степени	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12264
33	Преобразование выражений, содержащих степени	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12264
34	Преобразование выражений, содержащих степени	1	https://lib.myschool.edu.ru/content/12264